

●R5 埼玉 大問 5

問 10	$y = \frac{1}{2}x + 2$
------	------------------------

問 10 2点 A, B は、関数 $y = \frac{6}{x}$ のグラフ上にあることから、それぞれの x 座標を式に代入することで、座標を $A(-6, -1)$, $B(2, 3)$ と求めることができる。2点 A, B を通る直線の式を $y = ax + b$ とおくと、2点 $A(-6, -1)$, $B(2, 3)$ を通ることから、 $-1 = -6a + b$, $3 = 2a + b$ の 2 つの式を得る。連立方程式として解くと、 $a = \frac{1}{2}$, $b = 2$ よって、直線の式は、 $y = \frac{1}{2}x + 2$

ポイント 直線の式の求め方

- ① $y = ax + b$ とおく。
- ② その式に、「 a : 傾き, 変化の割合」「 b : 切片」「 (x, y) : 対応する x, y の値の組, グラフが通る点の座標」のうち、2 つの条件を見つけて代入する。

●R5 京都(前) 大問 4

問 1	$a = 12$	面積	36
-----	----------	----	----

問 1 関数 $y = \frac{a}{x}$ のグラフ上に点 $A(2, 6)$ があることから、 $6 = \frac{a}{2}$ $a = 12$

点 B が関数 $y = \frac{12}{x}$ のグラフ上にあり、その x 座標が 4 である 図 1

ことから、 $y = 3$ よって、 $B(4, 3)$

点 C についても同様にして、 $C(-4, -3)$

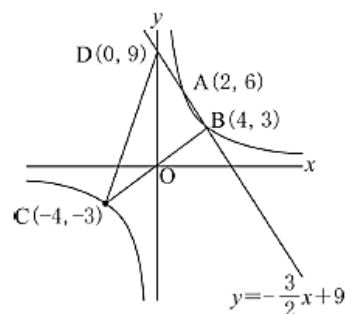
ここで、直線 AB の式を $y = bx + c$ とおくと、

2点 $A(2, 6)$, $B(4, 3)$ を通ることから、 $6 = 2b + c$, $3 = 4b + c$

の 2 つの式を得る。連立方程式として解くことで、直線 AB の

式は $y = -\frac{3}{2}x + 9$

よって、その切片が 9 であることから、 $D(0, 9)$



次に、直線 CB の式を $y = dx + e$ とおくと、2点 $C(-4, -3)$, $B(4, 3)$ を通ることから、 $-3 = -4d + e$,

$3 = 4d + e$ の 2 つの式を得る。連立方程式として解くことで、直線 CB の式は $y = \frac{3}{4}x$

よって、直線 CB は原点 O を通る。

したがって、 $\triangle BDC = \triangle BDO + \triangle CDO = DO \times 4 \times \frac{1}{2} + DO \times 4 \times \frac{1}{2} = 9 \times 4 \times \frac{1}{2} + 9 \times 4 \times \frac{1}{2} = 36$

●R5 和歌山 大問 3

問 1	2
問 2	$y = -x + 6$

問 1 変化の割合 = $\frac{y \text{ の増加量}}{x \text{ の増加量}}$ であり、関数 $y = \frac{1}{2}x + 3$ の変化の割合は、 $\frac{1}{2}$ である。 x の増加量が 4 のときだから、 $\frac{1}{2} = \frac{y \text{ の増加量}}{4}$ より、 y の増加量 = $\frac{1}{2} \times 4 = 2$

問 2 点 P は x 軸上の点であり、 x 座標が 6 だから、点 P の座標は $(6, 0)$ である。点 A $(2, 4)$ であるから、直線 AP の式を $y = ax + b$ とすると、 $a = \frac{y \text{ の増加量}}{x \text{ の増加量}} = \frac{0 - 4}{6 - 2} = -1$ となり、 $y = -x + b$ と表せる。この直線は、点 P $(6, 0)$ を通るから、 $x = 6$, $y = 0$ を代入して、 $0 = -6 + b$ より、 $b = 6$ したがって、求める直線の式は、 $y = -x + 6$

●R5 広島 大問 4

問 1	9
-----	---

問 1 線分 AC が x 軸と平行となるとき、2 点 A, C の y 座標は等しく、ともに 8 である。点 C は、関数 $y = \frac{2}{3}x + 2$ のグラフ上にあるから、 $y = 8$ を代入して、 $8 = \frac{2}{3}x + 2$ $x = 9$ によって、AC の長さは、2 点 A, C の x 座標の差だから、 $AC = 9 - 0 = 9$

●R5 佐賀 大問 2

(1)	3
(2)	(2, 4)

問 1 (1) 直線 m は、y 切片(いわゆる「切片」のこと)が -2 であることから、その式は $y = ax - 2$ とおくことができる。点(1, 1)を通ることから、 $1 = a - 2$ より、 $a = 3$ すなわち、傾きは 3 である。
 (2) (1)より、直線 m の式は、 $y = 3x - 2$ である。直線 $y = 3x - 2$ と直線 $y = \frac{1}{2}x + 3$ の交点 B の座標は、その 2 式を連立方程式として解いて、 $x = 2, y = 4$ すなわち、 $B(2, 4)$ と求められる。

●R4 青森 大問 4

問 1	-4
問 2	$y = \frac{1}{2}x + 2$

問 1 点 A の x 座標が -4 なので、 $x = -4$ を $y = \frac{16}{x}$ に代入して、 $y = -4$

問 2 問 1 と同様に点 B の座標も求めると、 $B(8, 2)$ である。2 点 A, B を通る直線②の傾きは、 $\frac{2 - (-4)}{8 - (-4)} = \frac{1}{2}$ 求める直線は直線②と平行なので傾きが等しい。さらに切片は 2 なので、直線の式は、 $y = \frac{1}{2}x + 2$

●R4 大分 大問 2

問 1	$a = 6$
問 2	$b = -\frac{5}{3}$

問 1 点 A は $y = x + 5$ のグラフ上の点なので、これに $x = 1$ を代入して、 $y = 6$ によって、 $A(1, 6)$
 $y = \frac{a}{x}$ に代入して、 $a = 6$

問 2 点 C は $y = x + 5$ のグラフ上の点なので、これに $y = 0$ を代入して、 $x = -5$ によって、 $C(-5, 0)$
 $y = -\frac{1}{3}x + b$ に代入して、 $b = -\frac{5}{3}$